

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«ВОРОНЕЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «ВГУ»)

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой
теории функций и геометрии



Семенов Е.М.
30.06.2020 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
Б1.В.10 Нелинейная динамика и хаос

Код и наименование дисциплины в соответствии с учебным планом

1. Код и наименование направления подготовки/специальности:

01.05.01 Фундаментальная математика и механика

2. Профиль подготовки/специализация:

Современные методы теории функций в математике и механике

3. Квалификация выпускника: специалист

4. Форма обучения: очная

5. Кафедра, отвечающая за реализацию дисциплины:

Кафедра теории функций и геометрии

6. Составители программы: Мелешенко Петр Александрович, канд. физ.-мат. наук, доцент, доцент кафедры теории функций и геометрии

7. Рекомендована: Научно-методическим Советом математического факультета, протокол № 0500-04 от 18.06.2020 г.

8. Учебный год: 2023/2024

Семестр(ы): 9

9. Цели и задачи учебной дисциплины

Цели изучения дисциплины:

- формирование у студентов комплекс знаний, умений и навыков в области нелинейной динамики и теории хаоса;

Задачи дисциплины:

- изучить основные подходы к решению задач моделирования современных нелинейных динамических систем и систем с хаосом.

10. Место учебной дисциплины в структуре ООП:

Дисциплина «Нелинейная динамика и хаос» относится к дисциплинам блока Б1 основной профессиональной образовательной программы направления подготовки 01.05.01 – Фундаментальная математика и механика – Специалист.

Дисциплина «Нелинейная динамика и хаос» базируется на знаниях, полученных в рамках изучения дисциплин «Математический анализ», «Дифференциальные уравнения», «Теоретическая механика», «Моделирование динамических процессов», а также предшествующих математических дисциплин, использующих соответствующие методы. Дисциплина осуществляет разумный баланс между общеобразовательным содержанием выбранного профиля и его дальнейшей профессиональной направленностью, что, несомненно, повышает профессиональное самоопределение обучающихся и уровень их социальной адаптации.

11. Планируемые результаты обучения по дисциплине/модулю (знания, умения, навыки), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы (компетенциями) и индикаторами их достижения:

Код	Название компетенции	Код(ы)	Индикатор(ы)	Планируемые результаты обучения
ПК-1	Способен проводить исследования по обработке и анализу научной информации и результатов исследований методами теории функций.	ПК-1.1	Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук, программирования и информационных технологий.	Знать: современные методы нелинейной динамики и теории хаоса, а также подходы к разработке и реализации соответствующих математических моделей.
ПК-2	Способен выявлять, применять, разрабатывать и целенаправленно использовать методы теории функций в задачах математики и механики.	ПК-2.2	Умеет разрабатывать математические модели в области естествознания, экономики и управления, а также реализовывать алгоритмы математических моделей на базе пакетов прикладных программ моделирования.	Уметь: выбирать необходимый метод решения прикладной задачи и разработать соответствующую математическую модель

12. Объем дисциплины в зачетных единицах/час. (в соответствии с учебным планом) — 3/108.

Форма промежуточной аттестации (зачет/экзамен) зачет.

13. Трудоемкость по видам учебной работы

Вид учебной работы	Трудоемкость			
	Всего	По семестрам		
		9 семестр	№ семестра	...
Контактная работа	48	48		
в том числе:	лекции	24	24	
	практические			
	лабораторные	24	24	
Самостоятельная работа	60	60		
Контроль				
в том числе: курсовая работа (проект)				
Форма промежуточной аттестации зачет				
Итого:	108	108		

13.1. Содержание дисциплины

п/п	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела дисциплины	Реализация раздела дисциплины с помощью онлайн-курса, ЭУМК *
1. Лекции			
1.1	Формализмы Лагранжа и Гамильтона для описания динамических систем. Фазовое пространство и теорема Лиувилля.	Функция Лагранжа и уравнения Лагранжа. Функция Гамильтона и уравнения Гамильтона. Фазовое пространство. Канонические преобразования и теорема Лиувилля.	-----
1.2	Нелинейный маятник, как одна из точно решаемых нелинейных задач. Переменные "действие-угол". Кинк-решения. Устойчивость.	Математическая модель нелинейного маятника. Фазовые портреты и режимы движения. Движение по сепаратриссе. Эллиптические функции Якоби. Переменные «действие угол». Устойчивость движения нелинейного маятника.	-----
1.3	Ангармонические колебания и нелинейный резонанс. Методы асимптотических разложений.	Понятие ангармоничности. Метод последовательных приближений и асимптотических разложений. Применение в теории твердого тела.	-----

1.4	Автоколебания и связанные с ними проблемы. Уравнение ван дер Поля.	Автоколебательные системы. Уравнение ван дер Поля и его динамические режимы. Модели различных процессов, описываемые уравнением ван дер Поля.	-----
1.5	Дискретные хаотические системы. Логистическое отображение и отображение Эно. Бифуркационные диаграммы.	Понятие о хаосе в дискретных динамических системах. Переход от порядка к хаосу в логистическом отображении. Понятие о бифуркации. Исследование отображения Эно.	
1.6	Уравнение Дюффинга и хаос в колебательных системах. Диссипативные и консервативные системы. Консервативный хаос.	Уравнение Дюффинга для колебательной системы с кубической нелинейностью. Хаос в колебательных системах. Понятие о консервативном хаосе и его отличие от неконсервативного.	
1.7	Хаотическая система Лоренца. Странный аттрактор.	Хаос в системе Лоренца. Динамические режимы системы. Понятие о странном аттракторе.	

2. Лабораторные занятия

2.1	Формализмы Лагранжа и Гамильтона для описания динамических систем. Фазовое пространство и теорема Лиувилля.	Функция Лагранжа и уравнения Лагранжа. Функция Гамильтона и уравнения Гамильтона. Фазовое пространство. Канонические преобразования и теорема Лиувилля.	-----
2.2	Нелинейный маятник, как одна из точно решаемых нелинейных задач. Переменные "действие-угол". Кинк-решения. Устойчивость.	Математическая модель нелинейного маятника. Фазовые портреты и режимы движения. Движение по сепаратриссе. Эллиптические функции Якоби. Переменные «действие угол». Устойчивость движения нелинейного маятника.	-----
2.3	Ангармонические колебания и нелинейный резонанс. Методы асимптотических разложений.	Понятие ангармоничности. Метод последовательных приближений и асимптотических разложений. Применение в теории твердого тела.	-----
2.4	Автоколебания и связанные с ними проблемы. Уравнение ван дер Поля.	Автоколебательные системы. Уравнение ван дер Поля и его динамические режимы. Модели различных процессов, описываемые уравнением ван дер Поля.	-----
2.5	Дискретные хаотические системы. Логистическое отображение и отображение Эно. Бифуркационные диаграммы.	Понятие о хаосе в дискретных динамических системах. Переход от порядка к хаосу в логистическом отображении. Понятие о бифуркации. Исследование отображения Эно.	
2.6	Уравнение Дюффинга и хаос в колебательных системах. Диссипативные и консерва-	Уравнение Дюффинга для колебательной системы с кубической нелинейностью. Хаос в колебательных системах. Понятие о консервативном хаосе и его отличие от не-	

	тивные системы. Консервативный хаос.	консервативного.	
2.7	Хаотическая система Лоренца. Страный аттрактор.	Хаос в системе Лоренца. Динамические режимы системы. Понятие о странном аттракторе.	

13.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

№ п/ п	Наименование темы (раздела) дисциплины	Виды занятий (количество часов)					Кон- троль	Все- го
		Лекции	Практические	Лабора- торные	Самостоятельная работа			
1	Формализмы Лагранжа и Гамильтона для описания динамических систем. Фазовое пространство и теорема Лиувилля.	4		4	10			18
2	Нелинейный маятник, как одна из точно решаемых нелинейных задач. Переменные "действие-угол". Кинк-решения. Устойчивость.	4		4	10			18
3	Ангармонические колебания и нелинейный резонанс. Методы асимптотических разложений.	4		4	10			18
4	Автоколебания и связанные с ними проблемы. Уравнение ван дер Поля.	2		2	5			9
5	Дискретные хаотические системы. Логистическое отображение и отображение Эно. Бифуркационные диаграммы.	4		4	10			18
6	Уравнение Дюффинга и хаос в колебательных системах. Диссипативные и консервативные си-	4		4	10			18

	стемы. Консервативный хаос.						
7	Хаотическая система Лоренца. Странный аттрактор.	2		2	5		9
	Итого:	24		24	60		108

14. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

В процессе освоения дисциплины студенты должны посетить лекционные и лабораторные занятия и сдать зачет.

Указания для освоения теоретического и практического материала и сдачи зачета:

- Обязательное посещение лабораторных занятий по дисциплине с конспектированием излагаемого преподавателем материала в соответствии с расписанием занятий.
- Получение в библиотеке рекомендованной учебной литературы и электронное копирование рабочей программы с методическими рекомендациями, конспекта лекций.
- Копирование (электронное) перечня вопросов к зачету по дисциплине, а также списка рекомендованной литературы из рабочей программы дисциплины.
- При подготовке к лабораторным занятиям по дисциплине необходимо изучить рекомендованный преподавателем материал, иметь при себе конспекты соответствующих тем и необходимый справочный материал.
- Рекомендуется следовать советам преподавателя, связанным с освоением предлагаемого материала, провести самостоятельный Интернет - поиск информации (видеофайлов, файлов-презентаций, файлов с учебными пособиями) по ключевым словам курса и ознакомиться с найденной информацией при подготовке к зачёту по дисциплине.

15. Перечень основной и дополнительной литературы, ресурсов интернет, необходимых для освоения дисциплины

а) основная литература:

№ п/п	Источник
1	Малинецкий, Георгий Геннадьевич. Современные проблемы нелинейной динамики / Г. Г. Малинецкий, А. Б. Потапов . — М. : Эдиториал УРСС, 2000 . — 335 с. : ил. — ISBN 5-8360-0110-3 : 153.19.
2	Заславский, Георгий Моисеевич. Гамильтонов хаос и фрактальная динамика = Hamiltonian Chaos and Fractional Dynamics / Г.М. Заславский ; пер. с англ. под науч. ред. А.Ю. Лоскутова . — М. ; Ижевск : Институт Компьютерных Исследований : Региональная и хаотическая динамика, 2010 . — 435 с. : ил. — Библиогр.: с.437-452 . — Предм.указ.: с.453-455 . — ISBN 978-5-93972-834-8.

б) дополнительная литература:

№ п/п	Источник
3	Заславский, Георгий Моисеевич. Введение в нелинейную физику. От маятника до турбулентности и хаоса / Г. М. Заславский, Р. З. Сагдеев . — М. : Наука, 1988 . — 368 с., [2] л. ил. : ил. — Библиогр.: с. 360-366 . — Предм. указ.: с. 367-368 . — ISBN 5-02-013822-3.

4	Скотт, Э. Нелинейная наука: рождение и развитие когерентных структур / Э. Скотт ; пер. с англ. И.А. Макарова под ред. А.Л. Фрадкова .— Изд. 2-е .— М. : Физматлит, 2007 .— 559 с. : ил .— (Фундаментальная и прикладная физика) .— Библиогр. в конце глав .— Пред. и имен. указ.: с.546-559 .— ISBN 978-5-9221-0784-6.
---	--

в) информационные электронно-образовательные ресурсы (официальные ресурсы интернет)*:

№ п/п	Ресурс
5	https://www.google.com/url?sa=t&rct=j&q=&esrc=s&source=web&cd=&ved=2a hUKEwiow5Te7dT6AhVj_SoKHWgcCbcQFnoECB0QAQ&url=https%3A%2F%2Felib.spbstu.ru%2Fd%2F2890.pdf%2Fdownload&usg=AOvVaw2AkQLFTLfr3ghrxxs3ji7J
6	http://chaos.sgu.ru/K52/MND/

16. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы

Данный курс направлен на формирование навыков математического моделирования сложных нелинейных динамических систем и систем с хаосом на основе ключевых компетенций, способствующих овладению опытом в сфере математического моделирования. В течение всего курса студенты получают презентации и лабораторные занятия с описанием к выполнению, и применяют данный образец к своему заданию.

17. Информационные технологии, используемые для реализации учебной дисциплины, включая программное обеспечение и информационно-справочные системы (при необходимости)

Осуществляется интерактивная связь с преподавателем через сеть интернет, проводятся индивидуальные онлайн консультации.

18. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

Для проведения лабораторных занятий требуется аудитория-компьютерный класс на группу студентов, оборудованная маркерной и интерактивной доской, мультимедийным проектором с экраном, компьютер преподавателя и персональные компьютеры слушателей с подключением к Internet.

19. Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестаций

Порядок оценки освоения обучающимися учебного материала определяется содержанием следующих разделов дисциплины:

№ п/п	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Компетенция(и)	Индикатор(ы) достижения компетенции	Оценочные средства
1.	Формализмы Лагранжа и Гамильтона для описания динамических систем. Фазовое пространство и теорема Лиувилля.	ПК-1 ПК-2	ПК-1.1 ПК-2.1	Промежуточная аттестация – зачет, Лабораторная работа 1

№ п/п	Наименование раздела дисциплины (модуля)	Компетенция(и)	Индикатор(ы) достижения компетенции	Оценочные средства
2.	Нелинейный маятник, как одна из точно решаемых нелинейных задач. Переменные "действие-угол". Кинк-решения. Устойчивость.	ПК-1 ПК-2	ПК-1.1 ПК-2.1	Промежуточная аттестация – зачет, Лабораторная работа 2
3.	Ангармонические колебания и нелинейный резонанс. Методы асимптотических разложений.	ПК-1 ПК-2	ПК-1.1 ПК-2.1	Промежуточная аттестация – зачет, Лабораторная работа 3
4.	Автоколебания и связанные с ними проблемы. Уравнение ван дер Поля.	ПК-1 ПК-2	ПК-1.1 ПК-2.1	Промежуточная аттестация – зачет, Лабораторная работа 4
5	Дискретные хаотические системы. Логистическое отображение и отображение Эно. Бифуркационные диаграммы.	ПК-1 ПК-2	ПК-1.1 ПК-2.1	Промежуточная аттестация – зачет, Лабораторная работа 5
6	Уравнение Дюффинга и хаос в колебательных системах. Диссипативные и консервативные системы. Консервативный хаос.	ПК-1 ПК-2	ПК-1.1 ПК-2.1	Промежуточная аттестация – зачет, Лабораторная работа 6
7	Хаотическая система Лоренца. Странный аттрактор.	ПК-1 ПК-2	ПК-1.1 ПК-2.1	Промежуточная аттестация – зачет, Лабораторная работа 7
Промежуточная аттестация форма контроля - зачет				КИМы к зачету

19.1. Перечень компетенций с указанием этапов формирования и планируемых результатов обучения

Код и содержание компетенции (или ее части)	Планируемые результаты обучения (показатели достижения заданного уровня освоения компетенции посредством формирования знаний, умений, навыков)	Этапы формирования компетенции (разделы (темы) дисциплины или модуля и их наименование)	ФОС* (средства оценивания)

<p>ПК-1. Способен проводить исследования по обработке и анализу научной информации и результатов исследований методами теории функций.</p> <p>ПК-1.1. Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук, программирования и информационных технологий.</p> <p>ПК-2. Способен выявлять, применять, разрабатывать и целенаправленно использовать методы теории функций в задачах математики и механики.</p> <p>ПК-2.2. Умеет разрабатывать математические модели в области естествознания, экономики и управления, а также реализовывать алгоритмы математических моделей на базе пакетов прикладных программ моделирования.</p>	<p>Знать: современные методы нелинейной динамики и теории хаоса, а также подходы к разработке и реализации соответствующих математических моделей.</p> <p>Уметь: выбирать необходимый метод решения прикладной задачи и разработать соответствующую математическую модель</p>	<p>1 – 7</p>	<p>КИМ (зачет), защита лабораторных работ.</p>
Промежуточная аттестация			КИМ (зачет)

20 Типовые оценочные средства и методические материалы, определяющие процедуры оценивания

20.1 Текущий контроль успеваемости

Контроль успеваемости по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

Оценка знаний, умений, характеризующая этапы формирования компетенций в рамках изучения дисциплины осуществляется в ходе текущей (устный опрос) и промежуточной аттестаций.

Текущая аттестация проводится в форме устного опроса. Кроме того, учитывается успешное выполнение индивидуальных лабораторных работ.

Лабораторная работа 1.

Численное решение уравнений Лагранжа и Гамильтона для заданных динамических систем. С использованием системы численной математики построение анализ фазовых портретов динамических систем.

Функция Лагранжа и уравнения Лагранжа. Функция Гамильтона и уравнения Гамильтона. Фазовое пространство. Канонические преобразования и теорема Лиувилля.
Математическая модель нелинейного маятника. Фазовые портреты и режимы движения. Движение по сепаратриссе. Эллиптические функции Якоби. Переменные «действие угол». Устойчивость движения нелинейного маятника.
Понятие ангармоничности. Метод последовательных приближений и асимптотических разложений. Применение в теории твердого тела.
Автоколебательные системы. Уравнение ван дер Поля и его динамические режимы. Модели различных процессов, описываемые уравнением ван дер Поля.
Понятие о хаосе в дискретных динамических системах. Переход от порядка к хаосу в логистическом отображении. Понятие о бифуркации. Исследование отображения Эно.
Уравнение Дюффинга для колебательной системы с кубической нелинейностью. Хаос в колебательных системах. Понятие о консервативном хаосе и его отличие от неконсервативного.
Хаос в системе Лоренца. Динамические режимы системы. Понятие о странном атTRACTоре.

Лабораторная работа 2.

Модель нелинейного маятника, построение его фазовых портретов при различных параметрах и внешних воздействий. Моделирование движения по сепаратриссе

Лабораторная работа 3.

Моделирование ангармонических колебаний маятника с малой нелинейностью. Разработка алгоритма построения решения с использованием метода асимптотических разложений

Лабораторная работа 4.

Численное исследование уравнения ван дер Поля. Построение фазовых портретов при различных значениях параметров. Численное исследование автоколебательных режимов.

Лабораторная работа 5

Численная реализация логистического отображения и отображения Эно. Исследование фазовых портретов и построение бифуркационных диаграмм в зависимости от параметров системы. Построение сечений Пуанкаре.

Лабораторная работа 6.

Численное исследование осциллятора Дюффинга. Построение фазовых портретов при различных значениях параметров. Численное исследование хаотического режима при различных параметрах внешнего воздействия. Численное исследование консервативных хаотических систем.

Лабораторная работа 7

Численная реализация хаотической системы Лоренца. Исследование фазовых портретов и построение бифуркационных диаграмм в зависимости от параметров системы. Построение сечений Пуанкаре. Исследование странного атTRACTора системы.

20.2 Промежуточная аттестация

Промежуточная аттестация по дисциплине осуществляется с помощью следующих оценочных средств:

Промежуточная аттестация включает в себя теоретические вопросы, позволяющие оценить уровень полученных знаний.

1. Функция Лагранжа и уравнения Лагранжа.
2. Функция Гамильтона и уравнения Гамильтона.
3. Фазовое пространство. Канонические преобразования и теорема Лиувилля.
4. Математическая модель нелинейного маятника. Фазовые портреты и режимы движения. Движение по сепаратриссе.
5. Переменные «действие угол». Устойчивость движения нелинейного маятника.
6. Ангармонические колебания. Метод асимптотических разложений
7. Уравнение ван дер Поля и его динамические режимы. Автоколебания.
8. Логистическое отображение.
9. Отображение Эно.
10. Метод сечений Пуанкаре.
11. Уравнение Дюффинга. Хаос в колебательных системах.
12. Консервативные хаотические системы
13. Хаотическая система Лоренца. Странный аттрактор.

Критерии оценивания компетенций	Уровень сформированности компетенций	Шкала оценок
<ul style="list-style-type: none"> – даны полные, достаточно глубокие и обоснованные ответы на поставленные вопросы; – правильно составлена математическая модель, но ход ее решения не является оптимальным; – показаны достаточно уверенные навыки принятия решений или действий в созданной обстановке; – показаны достаточно прочные практические навыки; – даны полные, но недостаточно обоснованные ответы на дополнительные вопросы; – показаны глубокие знания основной и недостаточные знания дополнительной литературы; – ответы в основном были краткими, но в них не всегда выдерживалась логическая последовательность. 	Достаточный	«зачтено»
<ul style="list-style-type: none"> – даны неправильные ответы на большинство вопросов; – не показаны навыки принятия 	-	«Не зачтено»

<p>решений или действий в созданной обстановке;</p> <ul style="list-style-type: none">– не показаны достаточно прочные практические навыки;– не даны положительные ответы на дополнительные вопросы;– показаны недостаточные знания конспектов лекций и основной литературы;– ответы были многословными или очень краткими, непоследовательные и бессвязные, не по существу вопросов.		
--	--	--